

# Guia docent

## 200204 - GA - Geometria Algebraica

Última modificació: 09/05/2024

**Unitat responsable:** Facultat de Matemàtiques i Estadística  
**Unitat que imparteix:** 749 - MAT - Departament de Matemàtiques.  
**Titulació:** GRAU EN MATEMÀTIQUES (Pla 2009). (Assignatura optativa).  
**Curs:** 2024      **Crèdits ECTS:** 6.0      **Idiomes:** Català, Castellà

### PROFESSORAT

**Professorat responsable:** MIGUEL ANGEL BARJA YAÑEZ  
**Altres:** Segon quadrimestre:  
MIGUEL ANGEL BARJA YAÑEZ - M-A  
JESUS FERNANDEZ SANCHEZ - M-A

### REQUISITS

Haver cursat les següents assignatures obligatòries de la carrera:

Àlgebra Lineal  
Geometria Afí i Euclidiana  
Àlgebra Multilineal i Geometria  
Topologia  
Funcions de Variable Complexa  
Estructures Algebraiques  
Geometria Diferencial

### COMPETÈNCIES DE LA TITULACIÓ A LES QUALS CONTRIBUEIX L'ASSIGNATURA

#### Específiques:

3. CE-2. Resoldre problemes de Matemàtiques, mitjançant habilitats de càlcul bàsic i d'altres, tot planificant-ne la resolució en funció de les eines de què es disposi i de les restriccions de temps i recursos.
4. CE-4. Desenvolupar programes informàtics que resolguin problemes matemàtics, tot fent servir per a cada cas l'entorn computacional escaient.
5. Tenir capacitat per a resoldre problemes d'àmbit acadèmic, tècnic, de les finances o social, mitjançant mètodes matemàtics.

#### Genèriques:

1. CB-4. Ser capaç de transmetre conclusions, així com els coneixements i fonaments que les sustenten, tant a un públic especialitzat com al que no ho és, de manera clara i sense ambigüitats.
2. Haver desenvolupat les habilitats d'aprenentatge que són necessàries per poder emprendre, amb un grau alt d'autonomia, estudis multidisciplinaris en disciplines científiques en què les Matemàtiques tenen un paper significatiu.
6. CG-1. Comprendre i emprar el llenguatge matemàtic. Adquirir la capacitat d'enunciar propietats en diversos camps de la Matemàtica, de construir argumentacions, d'elaborar càlculs i de transmetre els coneixements matemàtics adquirits.
7. CG-2. Conèixer demostracions rigoroses d'alguns teoremes clàssics en diferents àrees de la Matemàtica.
8. CG-3. Assimilar la definició d'un nou objecte matemàtic en termes d'altres ja coneguts i ser capaç de fer servir aquest objecte en contextos diferents.
9. CG-4. Saber abstraure les propietats estructurals (dels objectes matemàtics, de la realitat observada i d'altres àmbits), distingint-les de les que només són ocasionals. Poder comprovar-les amb demostracions o refutar-les mitjançant contraexemples, així com identificar errors en els raonaments incorrectes.
10. CG-6. Detectar deficiències en el propi coneixement i superar-les mitjançant la reflexió crítica i l'elecció de la millor actuació per a ampliar aquest coneixement.

#### Transversals:

11. COMUNICACIÓ EFICAÇ ORAL I ESCRITA: Comunicar-se de forma oral i escrita amb altres persones sobre els resultats de l'aprenentatge, de l'elaboració del pensament i de la presa de decisions; participar en debats sobre temes de la pròpia especialitat.
12. APRENTATGE AUTÒNOM: Detectar mancances en el propi coneixement i superar-les mitjançant la reflexió crítica i l'elecció de la millor actuació per ampliar aquest coneixement.

## METODOLOGIES DOCENTS

La docència de l'assignatura es divideix entre classes teòriques (dues per setmana) on s'exposaran els continguts de la matèria, i classes de problemes (també dues per setmana) on es resoldran problemes relacionats, bàsicament presentats pels estudiants, a partir d'una llista prèvia.

## OBJECTIUS D'APRENTATGE DE L'ASSIGNATURA

Entendre bé tots els conceptes que apareixen a la programació, saber resoldre problemes relacionats i entendre textos de nivell adequat referents als continguts de l'assignatura o de les seves extensions naturals

## HORES TOTALES DE DEDICACIÓ DE L'ESTUDIANTAT

| Tipus                      | Hores | Percentatge |
|----------------------------|-------|-------------|
| Hores grup gran            | 30,0  | 20.00       |
| Hores grup petit           | 30,0  | 20.00       |
| Hores aprenentatge autònom | 90,0  | 60.00       |

**Dedicació total:** 150 h

## CONTINGUTS

### Corbes algebraiques planes

#### Descripció:

Conjunts algebraics afins i projectius. El Nullstellensatz de Hilbert. Corbes algebraiques. Punts llisos i singulars. Con tangent. Teoria d'intersecció de corbes planes. Resultant i multiplicitat d'intersecció. El Teorema de Bézout. Fórmules de Plücker. Transformacions de Cremona. Teorema  $A_f + B_g$  de Noether. L'estructura de grup de la cúbica llisa.

**Dedicació:** 37h 30m

Grup gran/Teoria: 7h 30m

Grup petit/Laboratori: 7h 30m

Aprenentatge autònom: 22h 30m

### Superfícies de Riemann

#### Descripció:

Superfícies de Riemann. Morfismes entre superfícies de Riemann. Grau i ramificació. Formes diferencials. Interpretació topològica del gènere. Interpretació analítica del gènere. Desingularització de corbes planes: la superfície de Riemann associada a una corba plana. Fórmula de Riemann-Hurwitz. Corbes hiperel·líptiques.

**Dedicació:** 37h 30m

Grup gran/Teoria: 7h 30m

Grup petit/Laboratori: 7h 30m

Aprenentatge autònom: 22h 30m

## El Teorema de Riemann-Roch

### Descripció:

Sèries lineals i divisors. Divisors associats a una funció i a una diferencial. La sèrie lineal canònica: grau i dimensió. El Teorema de Riemann-Roch. Aplicacions del teorema de Riemann-Roch: corbes el·líptiques, altres corbes de gèneres baixos, la immersió canònica, punts de Weierstrass, jacobiana d'una corba.

### Dedicació: 37h 30m

Grup gran/Teoria: 7h 30m

Grup petit/Laboratori: 7h 30m

Aprenentatge autònom: 22h 30m

## SISTEMA DE QUALIFICACIÓ

L'avaluació de l'assignatura es basarà en:

-La feina desenvolupada per l'alumne a la classe de Problemes més la realització d'algun treball fixat durant el curs (Avaluació Continuada, 50% de la nota global). L'estudiant podrà decidir durant les primeres setmanes de curs substituir l'Avaluació Continuada per la realització d'un Examen Final.

-La realització d'un Treball Final de l'assignatura, triat per l'estudiant entre diferents propostes (50% de la nota global).

## BIBLIOGRAFIA

### Bàsica:

- Fulton, William. Curvas algebraicas : introducción a la geometría algebraica. Barcelona: Reverté, 1971. ISBN 8429150757.
- Griffiths, Phillip A. Introduction to algebraic curves. Providence: American Mathematical Society, cop. 1989. ISBN 0821845306.
- Kirwan, Frances Clare. Complex algebraic curves. Cambridge: Cambridge University Press, 1992. ISBN 0521423538.
- Gibson, Christopher G. Elementary geometry of algebraic curves : an undergraduate introduction. Cambridge: Cambridge University Press, 1998. ISBN 0521646413.
- Casas-Alvero, Eduardo. Algebraic curves, the Brill and Noether way. Springer Verlag, 2019. ISBN 9783030290153.

### Complementària:

- Miranda, Rick. Algebraic curves and Riemann surfaces. Providence: American Mathematical Society, 1995. ISBN 0821802682.
- Ghys, Étienne. A Singular mathematical promenade. Lyon: ENS Éditions, 2017. ISBN 9782847889390.